

Муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение
«Гимназия №1 Искитимского района» р.п.Линево Новосибирской области

ПРИНЯТО протокол заседания кафедры учителей <u>Е.М.Д. Кинд</u> от « <u>26</u> » августа 202 <u>6</u> года № <u>1</u>	СОГЛАСОВАНО с научно-методическим советом <u>Перов В.А. Перовичева В.А.</u> от « <u>27</u> » августа 202 <u>6</u> года <u>н/д</u>
ПРИНЯТО протокол заседания кафедры учителей от « ____ » августа 202_ года № ____	СОГЛАСОВАНО с научно-методическим советом от « ____ » августа 202_ года
ПРИНЯТО протокол заседания кафедры учителей от « ____ » августа 202_ года № ____	СОГЛАСОВАНО с научно-методическим советом от « ____ » августа 202_ года

Рабочая программа учебного предмета

«Математика»

(углубленный уровень)

для среднего общего образования (10-11 класс)

Срок освоения: 2 года

Составители:

Грибанова Мария Анатольевна

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по

формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Функции и графики

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни n -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений; свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы 2×2 и его геометрический смысл, использовать свойства определителя 2×2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики:

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня n -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

Начала математического анализа:

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Множества и логика:

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;

использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики:

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа:

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Геометрия является одним из базовых курсов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения дисциплин естественно-научной направленности и предметов гуманитарного цикла. Поскольку логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии, при доказательстве теорем и построении цепочки логических утверждений при решении геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности физических задач.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне – развитие индивидуальных способностей обучающихся при изучении геометрии через обеспечение возможности приобретения и использования более глубоких геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, и необходимых для успешного профессионального образования, связанного с использованием математики.

Приоритетными задачами курса геометрии на углублённом уровне, расширяющими и усиливающими курс базового уровня, являются:

расширение представления о геометрии как части мировой культуры и формирование осознания взаимосвязи геометрии с окружающим миром;

формирование представления о пространственных фигурах как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира, знание понятийного аппарата по разделу «Стереометрия» учебного курса геометрии;

формирование умения владеть основными понятиями о пространственных фигурах и их основными свойствами, знание теорем, формул и умение их применять, умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;

формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения, конструировать геометрические модели;

формирование понимания возможности аксиоматического построения математических теорий, формирование понимания роли аксиоматики при проведении рассуждений;

формирование умения владеть методами доказательств и алгоритмов решения, умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием, формирование представления о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

развитие и совершенствование интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению геометрии;

формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умения распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, моделирования реальных ситуаций, исследования построенных моделей, интерпретации полученных результатов.

Основными содержательными линиями учебного курса «Геометрия» в 10–11 классах являются: «Прямые и плоскости в пространстве», «Многогранники», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве», «Движения в пространстве».

Сформулированное во ФГОС СОО требование «уметь оперировать понятиями», релевантными геометрии на углублённом уровне обучения в 10–11 классах, относится ко всем содержательным линиям учебного курса, а формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения Федеральной рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы ко всем основным, принципиальным вопросам обучающиеся обращались неоднократно. Это позволяет организовать овладение геометрическими понятиями и навыками последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, а новые знания включать в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

Переход к изучению геометрии на углублённом уровне позволяет:

создать условия для дифференциации обучения, построения индивидуальных образовательных программ, обеспечить углублённое изучение геометрии как составляющей учебного предмета «Математика»;

подготовить обучающихся к продолжению изучения математики с учётом выбора будущей профессии, обеспечивая преемственность между общим и профессиональным образованием.

На изучение учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне отводится 204 часа: в 10 классе – 102 часа (3 часа в неделю), в 11 классе – 102 часа (3 часа в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед, построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

Многогранники

Виды многогранников, развёртка многогранника. Призма: n -угольная призма, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида: n -угольная пирамида, правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.

Векторы и координаты в пространстве

Понятия: вектор в пространстве, нулевой вектор, длина ненулевого вектора, векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов, сумма нескольких векторов, умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некомпланарным векторам. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами вектора и координатами точек. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.

11 КЛАСС

Тела вращения

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара.

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента.

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения.

Площадь поверхности цилиндра, конуса, площадь сферы и её частей. Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара, методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

Векторы и координаты в пространстве

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

Движения в пространстве

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданское воспитание:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотическое воспитание:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственное воспитание:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетическое воспитание:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физическое воспитание:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудовое воспитание:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологическое воспитание:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу 10 класса обучающийся научится:

- свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений;
- применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач;

- классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве, плоскостей в пространстве, прямых и плоскостей в пространстве;
- свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве, между прямой и плоскостью;
- свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками;
- свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);
- классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации;
- свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью;
- выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость, выполнять изображения фигур на плоскости;
- строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;
- вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры;
- свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве;
- выполнять действия над векторами;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности;
- применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;
- оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;
- распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;
- классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;
- вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;
- вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;
- изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;
- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- свободно оперировать понятием вектор в пространстве;
- выполнять операции над векторами;
- задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;
- решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;
- свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;

- выполнять изображения многогранников и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;
- строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара;
- использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;
- доказывать геометрические утверждения;
- применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;
- применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня на уровне среднего общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различных рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе. Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных. Центральную часть учебного курса занимает обсуждение закона больших чисел – фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в учебный курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям.

В учебном курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы

содержания развивают тему «Диаграммы рассеивания», изученную на уровне основного общего образования, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне – последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» на углубленном уровне отводится 68 часов: в 10 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 11 классе – 34 часа (1 час в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновероятными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное.

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины. Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений.

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения). Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

11 КЛАСС

Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Выборочные характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений.

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения. Функция плотности и свойства нормального распределения.

Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур,

явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи; выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления; структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически; оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу **10 класса** обучающийся научится:

свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента;

свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями; находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному, использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач, пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трех случайных событий;

оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента, находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач, определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента;

применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей; свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний, находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха, в серии испытаний Бернулли, в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности;

свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение;

оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин, использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин; свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения), применять свойства математического ожидания при решении задач, вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений;

свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины, применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач, вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями;

приводить примеры задач, приводящих к показательному распределению, задач, приводящих к нормальному распределению. Оперировать понятиями: функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения, функция плотности и свойства нормального распределения;

определять коэффициент линейной корреляции, выборочный коэффициент корреляции.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
10 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	24	1		
2	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12	1		
3	Арифметический корень n -ой степени. Иррациональные уравнения	15	1		
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10	1		
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18	1		
6	Тригонометрические выражения и уравнения	22	1		
7	Последовательности и прогрессии	10	1		
8	Непрерывные функции. Производная	20	1		
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Исследование функций с помощью производной	22	1		
2	Первообразная и интеграл	12	1		
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	1		
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24	1		
5	Комплексные числа	10	1		
6	Натуральные и целые числа	10	1		
7	Системы рациональных,	12	1		

	иррациональных показательных и логарифмических уравнений				
8	Задачи с параметрами	16	1		
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	

**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
10 КЛАСС**

№ п/п	Тема урока	Колич ество часов	Деятельность учителя с учетом рабочей программы воспитания	Электронные цифровые образовательные ресурсы
1	Множество, операции над множествами и их свойства	1	-привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности, -инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации, - воспитывать коммуникабельность, активность, умение сопереживать в ходе коллективной деятельности, -обсуждать, высказывать мнение; - применять на уроке интерактивные формы работы с обучающимися: интеллектуальные игры, стимулирующие познавательную мотивации обучающихся; реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности обучающихся на основе восприятия элементов действительности, -побуждать обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и самоорганизации; -привлекать внимание обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроке явлений, понятий, приемов организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией, по	https://m.edsoo.ru/91ZKXD884
2	Диаграммы Эйлера-Венна	1		https://m.edsoo.ru/6A75109KA
3	Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач	1		https://m.edsoo.ru/F99Z682PX
4	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1		https://m.edsoo.ru/LTS2XKI2C
5	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1		https://m.edsoo.ru/3EDOB3EK2
6	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1		https://m.edsoo.ru/0EP EO5IW1
7	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1		https://m.edsoo.ru/NV FYZJHRP
8	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1		https://m.edsoo.ru/P7V KRZOSG
9	Арифметические операции с действительными числами	1		https://m.edsoo.ru/B6 MRUCVWY
10	Модуль действительного числа и его свойства	1		https://m.edsoo.ru/PUL 6AZVJW
11	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1		https://m.edsoo.ru/8RF TXG6E3
12	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1		https://m.edsoo.ru/CM 8WFBMJ8
13	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1		https://m.edsoo.ru/YE2 8LQQJ2
14	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1		https://m.edsoo.ru/Z39 5M64DM
15	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу	1		
16	Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета	1		https://m.edsoo.ru/PBI EYHJZF
17	Решение систем линейных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/1E1 83555U
18	Решение систем линейных	1		https://m.edsoo.ru/ICE

	уравнений				JDO5GK
19	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1			https://m.edsoo.ru/BA_M2QCKWF
20	Определитель матрицы 2×2 , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1			https://m.edsoo.ru/3M_ZUEKYQJ
21	Применение определителя для решения системы линейных уравнений	1			https://m.edsoo.ru/9P3_E3FF4Z
22	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1			https://m.edsoo.ru/IKJ_E16E2L
23	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1			https://m.edsoo.ru/A9H_81W33G
24	Контрольная работа: "Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений"	1			https://m.edsoo.ru/0HO_PJ57VZ
25	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций	1			https://m.edsoo.ru/1XY_SI5M28
26	График функции. Элементарные преобразования графиков функций	1			https://m.edsoo.ru/7JG_TFZZYA
27	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знака постоянства	1			https://m.edsoo.ru/VU0_HQS0CV
28	Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции	1			https://m.edsoo.ru/NT_M7RJGX4
29	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке	1			https://m.edsoo.ru/Z0_MN672NG
30	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции	1			https://m.edsoo.ru/BZ_DF8VYZT
31	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1			https://m.edsoo.ru/CP7_UKT11V
32	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1			https://m.edsoo.ru/NAJ_FF14CO
33	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1			https://m.edsoo.ru/2ST_9QM2GO
34	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1			https://m.edsoo.ru/K6X_LQ4UJX
35	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1			https://m.edsoo.ru/072_LC5R6V
36	Контрольная работа: "Степенная	1			https://m.edsoo.ru/431

	функция. Её свойства и график"		взаимной помощи; -реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности обучающихся на основе восприятия элементов действительности: наблюдение за демонстрациями учителя, просмотр учебных фильмов, -организовывать для обучающихся ситуаций самооценки (как учебных достижений отметками, так и моральных, нравственных, освоение практического применения научных знаний математики в жизни, -воспитание трудолюбия	WRJ3Y2
37	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1		https://m.edsoo.ru/VEMYOB1CV
38	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1		https://m.edsoo.ru/B4NSPUZEB
39	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1		https://m.edsoo.ru/VR15USBDE
40	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1		https://m.edsoo.ru/PRR3BH17H
41	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1		https://m.edsoo.ru/GM07CPCQG
42	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/DHW5QA79M
43	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/DN896TF02
44	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/1X40FNHPA
45	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/O2VV5I6B4
46	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/RPXZVFMHT
47	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/261843DBS
48	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/O87ZL0E2K
49	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1		https://m.edsoo.ru/8JLO4FGQ9
50	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1		https://m.edsoo.ru/JQHAUML0M
51	Контрольная работа: "Свойства и график корня n-ой степени. Иррациональные уравнения"	1		https://m.edsoo.ru/01A6HO8VZ
52	Степень с рациональным показателем и её свойства	1		https://m.edsoo.ru/3PMBUK0GP
53	Степень с рациональным показателем и её свойства	1		https://m.edsoo.ru/HFJPEPWL9
54	Степень с рациональным показателем и её свойства	1		https://m.edsoo.ru/HDVG5NJ1T
55	Показательная функция, её	1		https://m.edsoo.ru/T7G

	свойства и график			PDUVRM
56	Использование графика функции для решения уравнений	1		https://m.edsoo.ru/NI1171IBM
57	Использование графика функции для решения уравнений	1		https://m.edsoo.ru/9PE3YWZ25
58	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/NXLINJ5WM
59	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/1TA6IMG1X
60	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/YWT7H8GT7
61	Контрольная работа: "Показательная функция. Показательные уравнения"	1		https://m.edsoo.ru/HNIC6OAK8
62	Логарифм числа. Свойства логарифма	1		https://m.edsoo.ru/E2G7K9QW6
63	Логарифм числа. Свойства логарифма	1		https://m.edsoo.ru/I92RS5MOM
64	Логарифм числа. Свойства логарифма	1		https://m.edsoo.ru/EMCQ4R3B7
65	Десятичные и натуральные логарифмы	1		https://m.edsoo.ru/NBUG10GSP
66	Десятичные и натуральные логарифмы	1		https://m.edsoo.ru/EMWTCSPQY
67	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1		https://m.edsoo.ru/OQF9WHEX5
68	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1		https://m.edsoo.ru/LXMJ44QAU
69	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1		https://m.edsoo.ru/EP6U39XNM
70	Логарифмическая функция, её свойства и график	1		https://m.edsoo.ru/8TW3GXDH6
71	Логарифмическая функция, её свойства и график	1		https://m.edsoo.ru/KYG9C4S4F
72	Использование графика функции для решения уравнений	1		https://m.edsoo.ru/V8LWTS50G
73	Использование графика функции для решения уравнений	1		https://m.edsoo.ru/5CIKV1ZUF
74	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1		https://m.edsoo.ru/STONRDYGS
75	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1		https://m.edsoo.ru/22FDXMI4S
76	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1		https://m.edsoo.ru/Z2GEE63I1
77	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1		https://m.edsoo.ru/9WDPQWD14
78	Равносильные переходы в	1		https://m.edsoo.ru/0VY

	решении логарифмических уравнений		GSNTLD
79	Контрольная работа: "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения"	1	https://m.edsoo.ru/I8PXC5ZEA
80	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/YAGEE8VC3
81	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/F9W5Q8FFL
82	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/A20WOV0PY
83	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/9A0XNXSJ0
84	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/YA3XPQ1JL
85	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1	https://m.edsoo.ru/7EBAMGFBR
86	Основные тригонометрические формулы	1	https://m.edsoo.ru/7G41UGG6B
87	Основные тригонометрические формулы	1	https://m.edsoo.ru/JB8BG5ATI
88	Основные тригонометрические формулы	1	https://m.edsoo.ru/C5YUBTBTC
89	Основные тригонометрические формулы	1	https://m.edsoo.ru/6GNQGH5MV
90	Преобразование тригонометрических выражений	1	https://m.edsoo.ru/U9M91UJVJ
91	Преобразование тригонометрических выражений	1	https://m.edsoo.ru/MEB4SJ2PW
92	Преобразование тригонометрических выражений	1	https://m.edsoo.ru/R9NAIF49S
93	Преобразование тригонометрических выражений	1	https://m.edsoo.ru/6EH5SHHHY
94	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/LGDUR382T
95	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/PQLVEZ6JE
96	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/QOK5GFZ7H
97	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/YR05D8PZ5
98	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/1U5PKNSQT
99	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/U7NBWCNDW
100	Решение тригонометрических уравнений	1	https://m.edsoo.ru/89ZKWG015
101	Контрольная работа: "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"	1	https://m.edsoo.ru/IF11SN76Q
102	Последовательности, способы задания последовательностей.	1	https://m.edsoo.ru/5VMC7JBEV

	Метод математической индукции			
103	Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых	1		https://m.edsoo.ru/ZV4AYOVRU
104	Арифметическая прогрессия	1		https://m.edsoo.ru/50RW02V1E
105	Геометрическая прогрессия	1		https://m.edsoo.ru/ED2OJQZ24
106	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	1		https://m.edsoo.ru/VG377T8EY
107	Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1		https://m.edsoo.ru/TY1S3DAPL
108	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов	1		https://m.edsoo.ru/UM1H7BTW2
109	Линейный и экспоненциальный рост. Число e . Формула сложных процентов	1		https://m.edsoo.ru/CEY72CW58
110	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1		https://m.edsoo.ru/ARPHBD4Y1
111	Контрольная работа: "Последовательности и прогрессии"	1		https://m.edsoo.ru/8QWRKXOHP
112	Непрерывные функции и их свойства	1		https://m.edsoo.ru/MCC5N1579
113	Точка разрыва. Асимптоты графиков функций	1		https://m.edsoo.ru/BXCP9CRNV
114	Свойства функций непрерывных на отрезке	1		https://m.edsoo.ru/DP10ESGVN
115	Свойства функций непрерывных на отрезке	1		https://m.edsoo.ru/CCXH3TPSB
116	Метод интервалов для решения неравенств	1		https://m.edsoo.ru/A364LEWC0
117	Метод интервалов для решения неравенств	1		https://m.edsoo.ru/RVQDQW5SP
118	Метод интервалов для решения неравенств	1		https://m.edsoo.ru/LRMHAKVYF
119	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1		https://m.edsoo.ru/VAMMSCCCD
120	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1		https://m.edsoo.ru/ZR5Z2O7R4
121	Первая и вторая производные функции	1		https://m.edsoo.ru/TQJHPC7B3
122	Определение, геометрический смысл производной	1		https://m.edsoo.ru/1YSJQ5NXT
123	Определение, физический смысл производной	1		https://m.edsoo.ru/5707NISYJ
124	Уравнение касательной к графику функции	1		https://m.edsoo.ru/NNA3B185O
125	Уравнение касательной к графику функции	1		https://m.edsoo.ru/2MS8V364A
126	Производные элементарных функций	1		https://m.edsoo.ru/9CG66E0L3

127	Производные элементарных функций	1		https://m.edsoo.ru/OX3T1IGG2
128	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1		https://m.edsoo.ru/H13R9OF8T
129	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1		https://m.edsoo.ru/CIXJYCL4P
130	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1		https://m.edsoo.ru/401LVJEZL
131	Контрольная работа: "Производная"	1		https://m.edsoo.ru/72752YHQ9
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1		https://m.edsoo.ru/PCOMVZEMH
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1		https://m.edsoo.ru/RI36TWPAT
134	Итоговая контрольная работа	1		https://m.edsoo.ru/7LME3ZN27
135	Итоговая контрольная работа	1		https://m.edsoo.ru/Y1L9K76O9
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1		https://m.edsoo.ru/FF21A8SJZ
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136		

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Деятельность учителя с учетом рабочей программы воспитания	Электронные цифровые образовательные ресурсы
1	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	- воспитывать коммуникабельность, активность, умение сопереживать в ходе коллективной деятельности, -обсуждать, высказывать мнение; - применять на уроке интерактивные формы работы с обучающимися, -способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя; -организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией по поводу получаемой на уроке социально значимой информации – обсуждать, высказывать мнение; - побуждать учащихся к самообразованию, воспитывать у	https://m.edsoo.ru/E9SB1SYNM
2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1		https://m.edsoo.ru/W7FOW9ADE
3	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1		https://m.edsoo.ru/N61EY0QXN
4	Применение производной к	1		https://m.edsoo.ru/39CNHJI8O

	исследованию функций на монотонность и экстремумы		них интерес к знаниям, повседневному трудолюбию, - способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя;	
5	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	-организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией по поводу получаемой на уроке социально значимой информации –	https://m.edsoo.ru/H4LRRPTNU
6	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	обсуждать, высказывать мнение; - общаться с обучающимися (в диалоге), признавать их достоинства, понимать и принимать их; -организовывать индивидуальную учебную деятельность;	https://m.edsoo.ru/GN11SQZZR
7	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	-организовывать для обучающихся ситуаций для самооценки , -способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя; -привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке	https://m.edsoo.ru/C8ANWBULB
8	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	информации, активизации познавательной деятельности, - общаться с обучающимися (в диалоге), признавать их достоинства, понимать и принимать их; -организовывать индивидуальную учебную деятельность;	https://m.edsoo.ru/HQU4R7TCZ
9	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	-организовывать для обучающихся ситуаций самооценки (как учебных достижений отметками, так и моральных, нравственных, гражданских поступков); -организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией по поводу получаемой на уроке социально значимой информации –	https://m.edsoo.ru/BE9WXUF3E
10	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	обсуждать, высказывать мнение; -инициировать обучающихся обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке своего к	https://m.edsoo.ru/FI1C58HJG
11	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации - побуждать учащихся к самообразованию, воспитывать у них интерес к знаниям, повседневному трудолюбию,	https://m.edsoo.ru/IEEI61Y7
12	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	- устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися, способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя;	https://m.edsoo.ru/64IKWZ70D

13	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1		https://m.edsoo.ru/ZMPEN7APJ
14	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1		https://m.edsoo.ru/JQ4T53RW5
15	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1		https://m.edsoo.ru/IJ0CONW57
16	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1		https://m.edsoo.ru/HXTRI77A5
17	Композиция функций	1		https://m.edsoo.ru/0D1VDOCOZ
18	Композиция функций	1		https://m.edsoo.ru/P6PCUHT4D
19	Композиция функций	1		https://m.edsoo.ru/LGNJMKS0Q
20	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1		https://m.edsoo.ru/WUIS4RBXB
21	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1		https://m.edsoo.ru/RWWLNF0GR
22	Контрольная работа: "Исследование функций с помощью производной"	1		https://m.edsoo.ru/8DME3XV95
23	Первообразная, основное свойство первообразных	1		https://m.edsoo.ru/GS6KL8JMB
24	Первообразные элементарных	1		https://m.edsoo.ru/JU3413GVM

	функций. Правила нахождения первообразных			
25	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1		https://m.edsoo.ru/FN7VYQ15Z
26	Интеграл. Геометрический смысл интеграла	1		https://m.edsoo.ru/GGPXB7R8C
27	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1		https://m.edsoo.ru/4R97WJZ52
28	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1		https://m.edsoo.ru/1AJ8M4RQT
29	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1		https://m.edsoo.ru/MU24JJVID
30	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел	1		https://m.edsoo.ru/77COVH1CS
31	Примеры решений дифференциальных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/GV6VH88LS
32	Примеры решений дифференциальных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/GQOI8P1PX
33	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/LLIDKMSC
34	Контрольная работа: "Первообразная и интеграл"	1		https://m.edsoo.ru/06KKZN9AH
35	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		https://m.edsoo.ru/43EDG1XRK
36	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		https://m.edsoo.ru/37WDY2B6K

37	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		https://m.edsoo.ru/35V07LIOQ
38	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		https://m.edsoo.ru/CNQL1CBYR
39	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1		https://m.edsoo.ru/JY9NTM0I5
40	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		https://m.edsoo.ru/ODHC3ZFH2
41	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		https://m.edsoo.ru/EY67USIYI
42	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		https://m.edsoo.ru/60J90ZI1W
43	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1		https://m.edsoo.ru/NPGOZ1WAL
44	Решение тригонометрических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/BIEFQC0PY
45	Решение тригонометрических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/P9CTAGVUJ
46	Решение тригонометрических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/DC43MAHFK
47	Решение тригонометрических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/8ESM0FQWZ
48	Контрольная работа: "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"	1		https://m.edsoo.ru/5JH7N1DTD
49	Основные методы решения показательных	1		https://m.edsoo.ru/8EG5BXW3Q

	неравенств			
50	Основные методы решения показательных неравенств	1		https://m.edsoo.ru/0K0I4NQNY
51	Основные методы решения показательных неравенств	1		https://m.edsoo.ru/XK1IL8C06
52	Основные методы решения показательных неравенств	1		https://m.edsoo.ru/S16Y5E1UA
53	Основные методы решения логарифмических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/HBE6M6CYQ
54	Основные методы решения логарифмических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/TPJ4YUEU8
55	Основные методы решения логарифмических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/SC4WSD4TP
56	Основные методы решения логарифмических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/6XWRK0GBQ
57	Основные методы решения иррациональных неравенств	1		https://m.edsoo.ru/7N3OMGU5A
58	Основные методы решения иррациональных неравенств	1		https://m.edsoo.ru/NYRQK20JO
59	Основные методы решения иррациональных неравенств	1		https://m.edsoo.ru/TKEL6CU7P
60	Основные методы решения иррациональных неравенств	1		https://m.edsoo.ru/S00R8V677
61	Графические методы решения иррациональных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/CEFJGB7PP
62	Графические методы решения иррациональных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/5DTMH0B9G
63	Графические методы решения показательных	1		https://m.edsoo.ru/PWK5FHR1I

	уравнений			
64	Графические методы решения показательных неравенств	1		https://m.edsoo.ru/4W29ZJPZ4
65	Графические методы решения логарифмических уравнений	1		https://m.edsoo.ru/AY0LSVBQH
66	Графические методы решения логарифмических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/B7I9WE7LT
67	Графические методы решения логарифмических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/DQOJPAM35
68	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1		https://m.edsoo.ru/2NOQX4IT5
69	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1		https://m.edsoo.ru/WN6ON936V
70	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/5285JJ23I
71	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1		https://m.edsoo.ru/H7RCFPHRQ
72	Контрольная работа: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	1		https://m.edsoo.ru/OUEKRH3WM
73	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1		https://m.edsoo.ru/E6SCWA25Z
74	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1		https://m.edsoo.ru/NXW7I0PUS

75	Арифметические операции с комплексными числами	1		https://m.edsoo.ru/13KLU4DRU
76	Арифметические операции с комплексными числами	1		https://m.edsoo.ru/4MH5SJ9B0
77	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1		https://m.edsoo.ru/N8U560RS8
78	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1		https://m.edsoo.ru/C7N4LUODS
79	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1		https://m.edsoo.ru/5VW220UC2
80	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1		https://m.edsoo.ru/YCWOXQ3E6
81	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	1		https://m.edsoo.ru/M33HA2FT9
82	Контрольная работа: "Комплексные числа"	1		https://m.edsoo.ru/GUNT4PQPE
83	Натуральные и целые числа	1		https://m.edsoo.ru/6L53P0CIQ
84	Натуральные и целые числа	1		https://m.edsoo.ru/9DAXEE1GO
85	Применение признаков делимости целых чисел	1		https://m.edsoo.ru/XD2VU8Y18
86	Применение признаков делимости целых чисел	1		https://m.edsoo.ru/BKXH3VHMC
87	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1		https://m.edsoo.ru/U549JT5GI
88	Применение признаков делимости целых	1		https://m.edsoo.ru/R9TIFXZU

	чисел: НОД и НОК			
89	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1		https://m.edsoo.ru/5FNDP0C41
90	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1		https://m.edsoo.ru/LNZN330RG
91	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах	1		https://m.edsoo.ru/A8OHTW28V
92	Контрольная работа: "Теория целых чисел"	1		https://m.edsoo.ru/NCZOYIBFR
93	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1		https://m.edsoo.ru/6QAMHIW49
94	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1		https://m.edsoo.ru/2NYFSL1RC
95	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/CKESHUS7T
96	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/JK0PF5PM2
97	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/5IZ5AIVWZ
98	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1		https://m.edsoo.ru/VUDYFBU4C
99	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических	1		https://m.edsoo.ru/1O4NP4WE

	уравнений			
100	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1		https://m.edsoo.ru/XIK82R4Y3
101	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1		https://m.edsoo.ru/FVBQN9AR0
102	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1		https://m.edsoo.ru/BS2BRDQ8D
103	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1		https://m.edsoo.ru/KEPYP4ACG
104	Контрольная работа: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"	1		https://m.edsoo.ru/PY1EYYY4M
105	Рациональные уравнения с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/BVE4CV90B
106	Рациональные неравенства с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/AX7UKVAVW
107	Рациональные системы с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/CMKD4UGBP
108	Иррациональные уравнения, неравенства с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/PF0EGIXEG

109	Иррациональные системы с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/GVGKCPRJZ
110	Показательные уравнения, неравенства с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/QJ4K1Y35W
111	Показательные системы с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/M72S624SQ
112	Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/114BBN6PR
113	Логарифмические системы с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/1US8V5YYB
114	Тригонометрические уравнения с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/J3E6M4K5P
115	Тригонометрические неравенства с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/KXSQ1MLXW
116	Тригонометрические системы с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/EGQYTSCMK
117	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами	1		
118	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/SYJHPEZ54
119	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1		https://m.edsoo.ru/07QRW54XJ
120	Контрольная работа: "Задачи с параметрами"	1		https://m.edsoo.ru/AUDRLEGIH
121	Повторение, обобщение, систематизация знаний:	1		https://m.edsoo.ru/Q96Z4GTOB

	"Уравнения"			
122	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1		https://m.edsoo.ru/LDDJV3J2C
123	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"	1		https://m.edsoo.ru/0T5CT6Z9Y
124	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1		https://m.edsoo.ru/785E3G27D
125	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1		https://m.edsoo.ru/JN00B5EMJ
126	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1		https://m.edsoo.ru/S6OBDW8R5
127	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1		https://m.edsoo.ru/9ZPIBFWS3
128	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1		https://m.edsoo.ru/ITBR16TV4
129	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1		https://m.edsoo.ru/2FTL33S5B
130	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Интеграл и его применение"	1		https://m.edsoo.ru/20Y4E5B2P
131	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1		https://m.edsoo.ru/O9UIWIKAZ
132	Повторение, обобщение,	1		https://m.edsoo.ru/QY81HGQQV

	систематизация знаний: "Функции"			
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1		https://m.edsoo.ru/8Q9L0YAR1
134	Итоговая контрольная работа	1		https://m.edsoo.ru/BMDRMCO PG
135	Итоговая контрольная работа	1		https://m.edsoo.ru/N7J3K1FD7
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1		https://m.edsoo.ru/SANN9WX QM
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136		

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Введение в стереометрию	23	1		
2	Взаимное расположение прямых в пространстве	6	1		
3	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве	8			
4	Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве	25			
5	Углы и расстояния	16	1		
6	Многогранники	7	1		
7	Векторы в пространстве	12			
8	Повторение, обобщение и систематизация знаний	5	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Аналитическая геометрия	15	1		
2	Повторение, обобщение и систематизация знаний	15	1		
3	Объём многогранника	17	1		

4	Тела вращения	24	1		
5	Площади поверхности и объёмы круглых тел	9	1		
6	Движения	5	1		
7	Повторение, обобщение и систематизация знаний	17	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	8	0	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ **10 КЛАСС**

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Деятельность учителя с учетом рабочей программы воспитания	Электронные цифровые образовательные ресурсы
1	Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1	-привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности,	https://m.edsoo.ru/F9MGV RWHE
2	Понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1	-инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации,	https://m.edsoo.ru/5ECB31 0PZ
3	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1	- воспитывать коммуникабельность, активность, умение сопереживать в ходе коллективной деятельности, -обсуждать, высказывать мнение;	https://m.edsoo.ru/T2NNA U5WK
4	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1	- применять на уроке интерактивные формы работы с обучающимися: интеллектуальные игры, стимулирующие познавательную мотивации обучающихся; реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности обучающихся на основе восприятия элементов действительности -побуждать обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и самоорганизации;	https://m.edsoo.ru/7KZVS HHVO
5	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1		https://m.edsoo.ru/AHGUT WH2F
6	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1		https://m.edsoo.ru/88UAC E52Y
7	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1		https://m.edsoo.ru/IDKRA 603N
8	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1		https://m.edsoo.ru/ZIP3R7 LQ2
9	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них. Способы задания прямых и	1		https://m.edsoo.ru/AQXJX EDYR

	плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей			
10	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1		https://m.edsoo.ru/EVUE9AZ7J
11	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1		https://m.edsoo.ru/XT1VC SWB2
12	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1	-привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности обучающихся; -создавать доверительный психологический климат в классе во время урока. -побуждать обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и самоорганизации;	https://m.edsoo.ru/08LAY6GMF
13	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1		https://m.edsoo.ru/EKWH LAW84
14	Метод следов для построения сечений	1		https://m.edsoo.ru/1JO0N310O
15	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1		https://m.edsoo.ru/DDABJTC2N
16	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1		https://m.edsoo.ru/SN3SSU8E0
17	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1	-инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке своего к отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации, -организовывать шефство мотивированных и эрудированных обучающихся над их неуспевающими одноклассниками, дающее	https://m.edsoo.ru/HFW637QDR
18	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1		https://m.edsoo.ru/L62FFLCBW
19	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём	1		https://m.edsoo.ru/J1AQJNZCX

	точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения		обучающимся социально значимый опыт сотрудничества и взаимной помощи;	
20	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1	-реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности обучающихся на основе восприятия элементов действительности:	https://m.edsoo.ru/XJEZAR5TO
21	Повторение планиметрии: Теорема о пропорциональных отрезках. Подобие треугольников	1	наблюдение за демонстрациями учителя, просмотр учебных фильмов,	https://m.edsoo.ru/L3FYZL9LR
22	Повторение планиметрии: Теорема Менелая. Расчеты в сечениях на выносных чертежах. История развития планиметрии и стереометрии	1	-организовывать для обучающихся ситуаций самооценки (как учебных достижений отметками, так и моральных, нравственных	https://m.edsoo.ru/TP9F3DVV1
23	Контрольная работа "Аксиомы стереометрии. Сечения"	1		https://m.edsoo.ru/EBLE09SZ1
24	Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельные прямые в пространстве	1		https://m.edsoo.ru/TYO9QBHKY
25	Теорема о существовании и единственности прямой параллельной данной прямой, проходящей через точку пространства и не лежащей на данной прямой. Лемма о пересечении параллельных прямых плоскостью	1	- побуждать обучающихся соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками	https://m.edsoo.ru/CYUQMU9K9
26	Параллельность трех прямых. Теорема о трёх параллельных прямых. Теорема о скрещивающихся прямых	1	(обучающимися);	https://m.edsoo.ru/TRPMZB3MZ
27	Параллельное проектирование. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение разных фигур в параллельной проекции	1	-побуждать обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и самоорганизации;	https://m.edsoo.ru/03GR5OWZV
28	Центральная проекция. Угол с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми	1	-привлекать внимание обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроке явлений, понятий, приемов	https://m.edsoo.ru/Z5FPA6SHI
29	Задачи на доказательство и исследование, связанные с расположением прямых в пространстве	1	организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией по поводу получаемой на уроке социально значимой информации – обсуждать,	https://m.edsoo.ru/7W31C0FG6
30	Понятия: параллельность	1		https://m.edsoo.ru/N18CU

	прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости			003L
31	Геометрические задачи на вычисление и доказательство, связанные с параллельностью прямых и плоскостей в пространстве	1		https://m.edsoo.ru/2DD9X2MQ3
32	Построение сечения, проходящего через данную прямую на чертеже и параллельного другой прямой. Расчёт отношений	1		https://m.edsoo.ru/1P06R5839
33	Параллельная проекция, применение для построения сечений куба и параллелепипеда. Свойства параллелепипеда и призмы	1		https://m.edsoo.ru/93OT7FLSK
34	Параллельные плоскости. Признаки параллельности двух плоскостей	1		https://m.edsoo.ru/QFUJAHV88
35	Теорема о параллельности и единственности плоскости, проходящей через точку, не принадлежащую данной плоскости и следствия из неё	1		https://m.edsoo.ru/2WG4W4XNO
36	Свойства параллельных плоскостей: о параллельности прямых пересечения при пересечении двух параллельных плоскостей третьей	1		https://m.edsoo.ru/3KIKV3ROG
37	Свойства параллельных плоскостей: об отрезках параллельных прямых, заключённых между параллельными плоскостями; о пересечении прямой с двумя параллельными плоскостями	1		https://m.edsoo.ru/QLA4PYRAT
38	Повторение: теорема Пифагора на плоскости	1		https://m.edsoo.ru/9VJZIW_C6J
39	Повторение: тригонометрия прямоугольного треугольника	1		https://m.edsoo.ru/Z6FNNNT5D
40	Свойства куба и прямоугольного параллелепипеда	1		https://m.edsoo.ru/HYNIQ785Q
41	Вычисление длин отрезков в кубе и прямоугольном параллелепипеде	1		https://m.edsoo.ru/FZBZVP0EC
42	Перпендикулярность прямой	1		https://m.edsoo.ru/I8F8HO

	и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости			GG3
43	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1		https://m.edsoo.ru/K38BG3IZH
44	Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости	1		https://m.edsoo.ru/WF3MTS4E5
45	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1		https://m.edsoo.ru/OKTGKHN8I
46	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1		https://m.edsoo.ru/S1V9AWIW3
47	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1		https://m.edsoo.ru/KIP9L4ZCX
48	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1		https://m.edsoo.ru/2IUD45PR
49	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1		https://m.edsoo.ru/CNE1PAIU5
50	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1		https://m.edsoo.ru/IPCG564WN
51	Угол между скрещивающимися прямыми	1		https://m.edsoo.ru/K4EHQ3E9E
52	Поиск перпендикулярных прямых с помощью перпендикулярных плоскостей	1		https://m.edsoo.ru/EBYVPSMSI
53	Ортогональное проектирование	1		https://m.edsoo.ru/GP0ZX8VHE
54	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1		https://m.edsoo.ru/F5ZMOA1AE
55	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1		https://m.edsoo.ru/T50FUDOOJ
56	Симметрия в пространстве относительно плоскости. Плоскости симметрий в многогранниках	1		https://m.edsoo.ru/N77K7ZM8K
57	Признак перпендикулярности прямой и плоскости как следствие симметрии	1		https://m.edsoo.ru/L9E703U3V
58	Правильные многогранники.	1		https://m.edsoo.ru/Z9E166

	Расчёт расстояний от точки до плоскости			HHZ
59	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1	- устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися, - побуждать учащихся к самообразованию, воспитывать у них интерес к знаниям, повседневному трудолюбию -освоение практического применения научных знаний математики в жизни, -воспитание трудолюбия, - устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися - привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, - активизации познавательной деятельности обучающихся;	https://m.edsoo.ru/TJSUOWZTH
60	Способы опустить перпендикуляры: симметрия, сдвиг точки по параллельной прямой	1		https://m.edsoo.ru/DHFUCBWO6
61	Сдвиг по непараллельной прямой, изменение расстояний	1		https://m.edsoo.ru/9OANVFE9E
62	Контрольная работа "Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве"	1		https://m.edsoo.ru/JW5UZNN8J
63	Повторение: угол между прямыми на плоскости, тригонометрия в произвольном треугольнике, теорема косинусов	1		https://m.edsoo.ru/SK9RHWFQ
64	Повторение: угол между скрещивающимися прямыми в пространстве	1		https://m.edsoo.ru/WBREU9US7
65	Геометрические методы вычисления угла между прямыми в многогранниках	1		https://m.edsoo.ru/3U4O237CK
66	Двугранный угол. Свойство линейных углов двугранного угла	1		https://m.edsoo.ru/8H4CYFAB0
67	Перпендикулярные плоскости. Свойства взаимно перпендикулярных плоскостей	1		https://m.edsoo.ru/F1HM69NVD
68	Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости	1		https://m.edsoo.ru/FY5TMQ43F
69	Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда	1		https://m.edsoo.ru/K99DBNDAW
70	Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и следствие из неё	1		https://m.edsoo.ru/E3T10AD6I
71	Стереометрические и прикладные задачи, связанные со взаимным расположением прямых и плоскости	1		https://m.edsoo.ru/4TBYU36HZ
72	Повторение:	1		https://m.edsoo.ru/TL947D

	скрещивающиеся прямые, параллельные плоскости в стандартных многогранниках			6WK
73	Пара параллельных плоскостей на скрещивающихся прямых, расстояние между скрещивающимися прямыми в простых ситуациях	1		https://m.edsoo.ru/YFWZTQREN
74	Расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1		https://m.edsoo.ru/W5GN48EIM
75	Вычисление расстояний между скрещивающимися прямыми с помощью перпендикулярной плоскости	1		https://m.edsoo.ru/5W9VI1HMD
76	Трёхгранный угол, неравенства для трехгранных углов. Теорема Пифагора, теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла	1		https://m.edsoo.ru/3XGHN LQ4J
77	Элементы сферической геометрии: геодезические линии на Земле	1		https://m.edsoo.ru/HMVT V74CP
78	Контрольная работа "Углы и расстояния"	1		https://m.edsoo.ru/1RTWZ59YU
79	Систематизация знаний "Многогранник и его элементы"	1		https://m.edsoo.ru/VC3UO AK3B
80	Пирамида. Виды пирамид. Правильная пирамида	1		https://m.edsoo.ru/J3R0247E0
81	Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма	1		https://m.edsoo.ru/JNDH0 O8E0
82	Прямой параллелепипед, прямоугольный параллелепипед, куб	1		https://m.edsoo.ru/L8803L ZGS
83	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера	1		https://m.edsoo.ru/B4T0M DU1D
84	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Правильные и полуправильные многогранники	1		https://m.edsoo.ru/QOMX 9GA1S
85	Контрольная работа "Многогранники"	1		https://m.edsoo.ru/3N52B3 TEM
86	Понятие вектора на плоскости и в пространстве	1		https://m.edsoo.ru/LRBSE 3B09
87	Сумма векторов	1		https://m.edsoo.ru/MNTSX 2XL8
88	Разность векторов	1		https://m.edsoo.ru/5HBMZ 1POH
89	Правило параллелепипеда	1		https://m.edsoo.ru/XS6AN 7LA2

90	Умножение вектора на число	1		https://m.edsoo.ru/MJUH128LR
91	Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной плоскости	1		https://m.edsoo.ru/U760IDCTG
92	Скалярное произведение	1	-реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности обучающихся на основе восприятия элементов	https://m.edsoo.ru/JZ46VNC71
93	Вычисление угла между векторами в пространстве	1		https://m.edsoo.ru/IU5I96UQP
94	Простейшие задачи с векторами	1		https://m.edsoo.ru/FJXV79T8B
95	Простейшие задачи с векторами	1		https://m.edsoo.ru/JCWURNG01
96	Простейшие задачи с векторами	1		https://m.edsoo.ru/BEHWQELKS
97	Простейшие задачи с векторами	1	- привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности обучающихся; -формировать личность ученика, его мировоззрения, воспитание его личностных качеств	https://m.edsoo.ru/P3W8WZZSY
98	Обобщение и систематизация знаний	1		https://m.edsoo.ru/ECRMXSNM3
99	Обобщение и систематизация знаний	1		https://m.edsoo.ru/XXBTFP5WL
100	Итоговая контрольная работа	1		https://m.edsoo.ru/SFGPDWNKO
101	Итоговая контрольная работа	1		https://m.edsoo.ru/X3ZG8A6SO
102	Обобщение и систематизация знаний	1		https://m.edsoo.ru/931AWXEK1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102		

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Деятельность учителя с учетом рабочей программы воспитания	Электронные цифровые образовательные ресурсы
1	Повторение темы "Координаты вектора на плоскости и в пространстве"	1	- устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися, - привлекать внимание обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроке явлений, понятий, приемов организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией	https://m.edsoo.ru/WERSDSI4U
2	Повторение темы "Скалярное произведение векторов"	1		https://m.edsoo.ru/M6JO60NJ7
3	Повторение темы "Вычисление угла между векторами в пространстве"	1		https://m.edsoo.ru/55KY41LVG
4	Повторение темы "Уравнение прямой, проходящей через две точки"	1		https://m.edsoo.ru/U20HPUS6W
5	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках	1		https://m.edsoo.ru/VYIH8TERW
6	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение	1	-использовать воспитательные	https://m.edsoo.ru/5419I0WGX

	плоскости в отрезках		возможности содержания учебного предмета через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе, -освоение практического применения научных знаний математики в жизни, - воспитание трудолюбия, настойчивости, упорства	
7	Векторное произведение	1		https://m.edsoo.ru/NTYOG2APM
8	Линейные неравенства, линейное программирование	1		https://m.edsoo.ru/54EQ7JQ8E
9	Линейные неравенства, линейное программирование	1		https://m.edsoo.ru/VPKWBB4AA
10	Аналитические методы расчёта угла между прямыми в многогранниках	1		https://m.edsoo.ru/KHJ2OM3PV
11	Аналитические методы расчёта угла между плоскостями в многогранниках	1		https://m.edsoo.ru/DDXUUAIA5
12	Формула расстояния от точки до плоскости в координатах	1	- устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися, - побуждать учащихся к самообразованию, воспитывать у них интерес к знаниям, повседневному трудолюбию, -формировать личность ученика, его мировоззрения, воспитание его личностных качеств, так как основой формирования человека как личности	https://m.edsoo.ru/SG451UUG1
13	Нахождение расстояний от точки до плоскости в кубе	1		https://m.edsoo.ru/8V2N4X1L3
14	Нахождение расстояний от точки до плоскости в правильной пирамиде	1		https://m.edsoo.ru/UZ15UU37F
15	Контрольная работа "Аналитическая геометрия"	1		https://m.edsoo.ru/8NGI1GHFM
16	Сечения многогранников: стандартные многогранники	1		https://m.edsoo.ru/219603NHQ
17	Сечения многогранников: метод следов	1		https://m.edsoo.ru/52XGO2J5B
18	Сечения многогранников: стандартные плоскости, пересечения прямых и плоскостей	1		https://m.edsoo.ru/CUP7TCPXQ
19	Параллельные прямые и плоскости: параллельные сечения	1	- воспитывать коммуникабельность, активность, умение сопереживать в ходе коллективной деятельности, -обсуждать, высказывать мнение; - применять на уроке интерактивные формы работы с обучающимися, -способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя; -организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией по поводу получаемой на уроке социально значимой информации – обсуждать, высказывать мнение;	https://m.edsoo.ru/MM69MKRDP
20	Параллельные прямые и плоскости: расчёт отношений	1		https://m.edsoo.ru/O71ROIJFI
21	Параллельные прямые и плоскости: углы между скрещивающимися прямыми	1		https://m.edsoo.ru/26EPTM74A
22	Перпендикулярные прямые и плоскости: стандартные пары перпендикулярных плоскостей и прямых, симметрии многогранников	1		https://m.edsoo.ru/YQUVT6VZX
23	Перпендикулярные прямые и плоскости: теорема о трех перпендикулярах	1		https://m.edsoo.ru/HQIN2OZJP
24	Перпендикулярные прямые и плоскости: вычисления длин в многогранниках	1		https://m.edsoo.ru/OWFAQ1A9J
25	Повторение: площади	1		https://m.edsoo.ru/FDRZO9G

	многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия		трудолюбию, - способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя; -организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией по поводу получаемой на уроке социально значимой информации – обсуждать, высказывать мнение; - общаться с обучающимися (в диалоге), признавать их достоинства, понимать и принимать их; -организовывать индивидуальную учебную деятельность; -организовывать для обучающихся ситуации для самооценки	4X
26	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1		https://m.edsoo.ru/1ZYRNNIKV
27	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия	1		https://m.edsoo.ru/HWHVFNLOO
28	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1		https://m.edsoo.ru/X2HRM9HD4
29	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия	1		https://m.edsoo.ru/8H4ELY9N6
30	Контрольная работа "Повторение: многогранники, сечения многогранников"	1		https://m.edsoo.ru/S8UW1WWV1
31	Объём тела. Объем прямоугольного параллелепипеда	1		https://m.edsoo.ru/6UXGO0RC9
32	Задачи об удвоении куба, о квадратуре куба; о трисекции угла	1		https://m.edsoo.ru/VK2J2TXEF
33	Стереометрические задачи, связанные с объемом прямоугольного параллелепипеда	1		https://m.edsoo.ru/0DR6H6TQS
34	Прикладные задачи, связанные с вычислением объема прямоугольного параллелепипеда	1		https://m.edsoo.ru/0SHTIOT1G
35	Объем прямой призмы	1		https://m.edsoo.ru/8AIL9YHYJ
36	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объемов прямой призмы	1		https://m.edsoo.ru/1D8HV54A9
37	Прикладные задачи, связанные с объемом прямой призмы	1		https://m.edsoo.ru/QIYC4F8IU
38	Вычисление объемов тел с помощью определённого интеграла. Объем наклонной призмы	1	-способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя; -привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности, -инициировать обучающихся к обсуждению,	https://m.edsoo.ru/ON585060H
39	Вычисление объемов тел с помощью определённого интеграла. Объем пирамиды	1		https://m.edsoo.ru/2CJLCMK8N
40	Формула объема пирамиды. Отношение объемов пирамид с общим углом	1		https://m.edsoo.ru/AL3P0DC9E
41	Формула объема пирамиды.	1		https://m.edsoo.ru/3GOOAJR

	Отношение объемов пирамид с общим углом		высказыванию своего мнения, выработке своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации,	NY
42	Стереометрические задачи, связанные с объемами наклонной призмы	1		https://m.edsoo.ru/7TR8RHW07
43	Стереометрические задачи, связанные с объемами пирамиды	1		https://m.edsoo.ru/SF48ODTS6
44	Прикладные задачи по теме "Объемы тел", связанные с объемом наклонной призмы	1		https://m.edsoo.ru/9SF6OYYVX
45	Прикладные задачи по теме "Объемы тел", связанные с объемом пирамиды	1	- общаться с обучающимися (в диалоге), признавать их достоинства, понимать и принимать их; -организовывать индивидуальную учебную деятельность; -организовывать для обучающихся ситуаций самооценки (как учебных достижений отметками, так и моральных, нравственных, гражданских поступков);	https://m.edsoo.ru/Z4MZ27RMY
46	Применение объемов. Вычисление расстояния до плоскости	1		https://m.edsoo.ru/I39CXO3CP
47	Контрольная работа "Объем многогранника"	1		https://m.edsoo.ru/XNWZSSJ7P
48	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности	1		https://m.edsoo.ru/7DHKEHEG6
49	Цилиндр. Прямой круговой цилиндр. Площадь поверхности цилиндра	1		https://m.edsoo.ru/MAVW4KY55
50	Коническая поверхность, образующие конической поверхности. Конус	1	-организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией по поводу получаемой на уроке социально значимой информации – обсуждать, высказывать мнение; -инициировать обучающихся обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке своего к отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации	https://m.edsoo.ru/PVRE7HQ6Y
51	Сечение конуса плоскостью, параллельной плоскости основания	1		https://m.edsoo.ru/EOVSHAL8L
52	Усеченный конус. Изображение конусов и усеченных конусов	1		https://m.edsoo.ru/9VKWVDCTE
53	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1		https://m.edsoo.ru/AWKB9E4NE
54	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса	1		https://m.edsoo.ru/9NF4UE3KJ
55	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1		https://m.edsoo.ru/QZVH5EXL9
56	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса	1		https://m.edsoo.ru/AKF6PW62W
57	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1		https://m.edsoo.ru/3429ZLHT5
58	Прикладные задачи, связанные с цилиндром	1	- побуждать учащихся к самообразованию, воспитывать у них интерес к знаниям, повседневному трудолюбию, -организовывать для	https://m.edsoo.ru/ZY6ENPVKD
59	Сфера и шар	1		https://m.edsoo.ru/W1TVKAJOR

60	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1	обучающихся ситуаций самооценки (как учебных достижений отметками, так и моральных	https://m.edsoo.ru/JF8NB5ZS0
61	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара	1		https://m.edsoo.ru/M6WK9K95O
62	Уравнение сферы. Площадь сферы и её частей	1		https://m.edsoo.ru/U8G24BO8H
63	Симметрия сферы и шара	1	- устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися, способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя; -способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя; -организовывать шефство мотивированных и эрудированных обучающихся над их неуспевающими одноклассниками	https://m.edsoo.ru/6E6GX0YJS
64	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1		https://m.edsoo.ru/MSYBPKH7R
65	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью	1		https://m.edsoo.ru/MXRDTK72T
66	Прикладные задачи, связанные со сферой и шаром	1		https://m.edsoo.ru/XW5LI7A9J
67	Повторение: окружность на плоскости, вычисления в окружности, стандартные подоби	1		https://m.edsoo.ru/EJ2QDAVEJ
68	Различные комбинации тел вращения и многогранников	1	- привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, -организовывать шефство мотивированных и эрудированных обучающихся над их неуспевающими одноклассниками, -организовывать для обучающихся ситуаций самооценки (как учебных достижений отметками, так и моральных,	https://m.edsoo.ru/LE7933LXX
69	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1		https://m.edsoo.ru/PHHLCG54E
70	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"	1		https://m.edsoo.ru/22WPBLTP9
71	Контрольная работа "Тела и поверхности вращения"	1		https://m.edsoo.ru/33W222M63
72	Объём цилиндра. Теорема об объёме прямого цилиндра	1		https://m.edsoo.ru/1ZN2S6ZMO
73	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём конуса	1		https://m.edsoo.ru/ACT0MF MVF
74	Площади боковой и полной поверхности конуса	1		https://m.edsoo.ru/ZYTK7P8B1
75	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов цилиндра, конуса	1		https://m.edsoo.ru/7O9VJYPS C
76	Прикладные задачи по теме "Объёмы и площади поверхностей тел"	1		https://m.edsoo.ru/QXEA9GP VB
77	Объём шара и шарового сектора. Теорема об объёме шара. Площадь сферы. Стереометрические задачи,	1	- устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися, способствующих позитивному восприятию учащимися требований и	https://m.edsoo.ru/VV6ONB VZX

	связанные с вычислением объемов шара, шарового сегмента и шарового сектора		просьб учителя;	
78	Прикладные задачи по теме "Объемы тел", связанные с объемом шара и площадью сферы. Соотношения между площадями поверхностей и объемами подобных тел	1	- общаться с обучающимися (в диалоге), признавать их достоинства, понимать и принимать их; - организовывать индивидуальную учебную деятельность; - организовывать для обучающихся ситуаций самооценки (как учебных достижений отметками, так и моральных, нравственных, гражданских поступков); - реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности, - реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности обучающихся на основе восприятия элементов действительности способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя;	https://m.edsoo.ru/EZH9GRUEJ
79	Подобные тела в пространстве. Изменение объема при подобии. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объемов тел и площадей поверхностей	1		https://m.edsoo.ru/H24I88MKQ
80	Контрольная работа "Площади поверхности и объемы круглых тел"	1		https://m.edsoo.ru/73UODGN YR
81	Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений	1		https://m.edsoo.ru/RXJ4YW6 NA
82	Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой	1		https://m.edsoo.ru/ZSUA77N TX
83	Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера	1		https://m.edsoo.ru/A1PU2WO AX
84	Геометрические задачи на применение движения	1		https://m.edsoo.ru/KFDH0M GKZ
85	Контрольная работа "Векторы в пространстве"	1		https://m.edsoo.ru/4F52B11K K
86	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Параллельность прямых и плоскостей в пространстве"	1		https://m.edsoo.ru/1HVB2NZ H9
87	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1		https://m.edsoo.ru/AQEFPER J0
88	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Векторы в пространстве"	1		https://m.edsoo.ru/3NIJ0LN6 3
89	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"	1		https://m.edsoo.ru/B85S7VD TC
90	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса	1	- воспитывать коммуникабельность,	https://m.edsoo.ru/AJX4CDP 5I

	геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"		активность, умение сопереживать в ходе коллективной деятельности,	
91	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1	-обсуждать, высказывать мнение; - применять на уроке интерактивные формы работы с обучающимися	https://m.edsoo.ru/H2ZABPRXO
92	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"	1		https://m.edsoo.ru/JG1DJ50NK
93	Итоговая контрольная работа	1	-привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности обучающихся;	https://m.edsoo.ru/GXZMP89GD
94	Итоговая контрольная работа	1		https://m.edsoo.ru/3JI74MY6M
95	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1		https://m.edsoo.ru/UI26CB4XL
96	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		https://m.edsoo.ru/IE8ALO6B5
97	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		https://m.edsoo.ru/8ZKNMYF03
98	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1	-организовывать шефство мотивированных и эрудированных обучающихся над их неуспевающими одноклассниками, - привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации,	https://m.edsoo.ru/41X3XKQOG
99	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		https://m.edsoo.ru/4PGHOJYAH
100	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		https://m.edsoo.ru/GEJCO734F
101	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		https://m.edsoo.ru/RK4XSFWNR
102	История развития стереометрии как науки и её роль в развитии современных инженерных и компьютерных технологий	1		https://m.edsoo.ru/X89TQ8776

ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	102		
--	-----	--	--

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ
ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТИ И СТАТИСТИКИ
10 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Элементы теории графов	3			
2	Случайные опыты, случайные события и вероятности событий	3			
3	Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	5			
4	Элементы комбинаторики	4	1		
5	Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности	5			
6	Случайные величины и распределения	14	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Закон больших чисел	5			
2	Элементы математической статистики	6			
3	Непрерывные случайные величины (распределения), показательное и нормальное распределения	4			
4	Распределение Пуассона	2			
5	Связь между случайными величинами	6			
6	Обобщение и систематизация знаний	11	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	0	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количес тво часов	Деятельность учителя с учетом рабочей программы воспитания	Электронные цифровые образовательные ресурсы
1	Граф, связный граф, представление задачи с помощью графа	1	-создавать доверительный психологический климат в классе во время урока , -организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией по поводу получаемой на уроке социально значимой информации, – обсуждать, высказывать мнение;	<a href="https://m.edsoo.ru/DNVFQS
SRQ">https://m.edsoo.ru/DNVFQS SRQ
2	Степень (валентность) вершины. Путь в графе. Цепи и циклы	1		<a href="https://m.edsoo.ru/UXI4HC
LA1">https://m.edsoo.ru/UXI4HC LA1
3	Графы на плоскости. Дерево случайного эксперимента	1		<a href="https://m.edsoo.ru/24XFA50
16">https://m.edsoo.ru/24XFA50 16
4	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1		<a href="https://m.edsoo.ru/JIIN2M7P
Q">https://m.edsoo.ru/JIIN2M7P Q
5	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	1		<a href="https://m.edsoo.ru/8S3C8YC
ML">https://m.edsoo.ru/8S3C8YC ML
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с	1		<a href="https://m.edsoo.ru/N2R1G2P
J5">https://m.edsoo.ru/N2R1G2P J5

	равновозможными элементарными событиями			
7	Пересечение, объединение множеств и событий, противоположные события. Формула сложения вероятностей	1	- реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности, - реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности обучающихся на основе восприятия элементов действительности , -организовывать работу обучающихся с социально значимой информацией по поводу получаемой на уроке социально значимой информации – обсуждать, высказывать мнение;	https://m.edsoo.ru/183Y3NK0Q
8	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1	-привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности, - инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации,	https://m.edsoo.ru/W5ZFDS3AA
9	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1		https://m.edsoo.ru/ORLGTZ9K7
10	Формула полной вероятности	1		https://m.edsoo.ru/UNX09C5LX
11	Формула Байеса. Независимые события	1		https://m.edsoo.ru/NYF9VJ6R6
12	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал	1	-привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности, - создавать доверительный психологический климат в классе во время урока, - привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, -создавать доверительный психологический климат в классе во время урока , -привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации	https://m.edsoo.ru/BVVFQUKKS
13	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	1		https://m.edsoo.ru/Y15CS8R20
14	Формула бинома Ньютона	1		https://m.edsoo.ru/ABSANVGJH
15	Контрольная работа №1: "Графы, вероятности, множества, комбинаторика"	1		https://m.edsoo.ru/Q3DKAYADF
16	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха	1	-привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности обучающихся; -создавать доверительный психологический климат в классе во время урока, - привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, -создавать доверительный психологический климат в классе во время урока , -привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации	https://m.edsoo.ru/IY4T46JQ6
17	Серия независимых испытаний до первого успеха	1		https://m.edsoo.ru/Q1KT2Y9IU
18	Серия независимых испытаний Бернулли	1		https://m.edsoo.ru/HIWIZ7FD8
19	Случайный выбор из конечной совокупности	1		https://m.edsoo.ru/VCL7PSU0X
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	- воспитывать коммуникабельность, активность, умение сопереживать в ходе коллективной деятельности, -обсуждать, высказывать	https://m.edsoo.ru/NE69MIZJO
21	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1		https://m.edsoo.ru/SMFB4W1JM
22	Операции над случайными величинами.	1		https://m.edsoo.ru/C6TDDU NJ8

	Примеры распределений. Бинарная случайная величина		мнение; - применять на уроке интерактивные формы работы с обучающимися ,	
23	Геометрическое распределение. Биномиальное распределение	1	-создавать доверительный психологический климат в классе во время урока ,	https://m.edsoo.ru/JTT2F54GL
24	Математическое ожидание случайной величины. Совместное распределение двух случайных величин	1	-привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации	https://m.edsoo.ru/77Z76Y7KB
25	Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания. Математическое ожидание бинарной случайной величины	1		https://m.edsoo.ru/N9D7IJ9PM
26	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1		https://m.edsoo.ru/C6HWOBTOQ
27	Дисперсия и стандартное отклонение	1	-создавать доверительный психологический климат в классе во время урока	https://m.edsoo.ru/BGX67VSNV
28	Дисперсия бинарной случайной величины. Свойства дисперсии	1	-привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации,	https://m.edsoo.ru/HYZZFP2Y7
29	Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин	1	активизации познавательной деятельности,	https://m.edsoo.ru/K522O3JU2
30	Дисперсия биномиального распределения. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	-инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации, -привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации	https://m.edsoo.ru/BOWSYV6LT
31	Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	- привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации,	https://m.edsoo.ru/NSGZU1L92
32	Обобщение и систематизация знаний	1	-организовывать для обучающихся ситуаций самооценки (как учебных достижений отметками, так и моральных,	https://m.edsoo.ru/K2Y9U56JG
33	Контрольная работа №2: "Испытания Бернулли. Случайные величины и распределения"	1	-организовывать для обучающихся ситуаций самооценки (как учебных достижений отметками, так и моральных	https://m.edsoo.ru/EZTQ5AO60
34	Обобщение и систематизация знаний	1		https://m.edsoo.ru/ZEKKZP13J

ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	34	
--	----	--

11 КЛАСС

№ п/ п	Тема урока	Коли честв о часов	Деятельность учителя с учетом рабочей программы воспитания	Электронные цифровые образовательные ресурсы
1	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1	- привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности обучающихся; - побуждать обучающихся соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (обучающимися);	https://m.edsoo.ru/E25IPS7YZ
2	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1		https://m.edsoo.ru/84DPQY5U5
3	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1		https://m.edsoo.ru/795RTYVP7
4	Выборочный метод исследований	1		https://m.edsoo.ru/T3HDIU6R5
5	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	-привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности, -инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации, -реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности обучающихся на основе восприятия элементов, - привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации	https://m.edsoo.ru/79I8IHPHP
6	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1		https://m.edsoo.ru/I234058PN
7	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1		https://m.edsoo.ru/UFS5LUWZX
8	Оценивание вероятностей событий по выборке	1		https://m.edsoo.ru/ZP168PTHI
9	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1	-реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности обучающихся на основе восприятия элементов действительности: наблюдение за демонстрациями учителя, просмотр учебных фильмов, - организовывать для обучающихся ситуаций	https://m.edsoo.ru/AN2N5V9R1
10	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью	1		https://m.edsoo.ru/6VQ7WZS6U

	свойств изученных распределений		самооценки (как учебных достижений отметками, так и моральных,	
11	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1		https://m.edsoo.ru/ASK0DEFOW
12	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности вероятности	1		https://m.edsoo.ru/R7UJAF3E7
13	Равномерное распределение. Примеры задач, приводящих к показательному и к нормальному распределениям	1	- привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности обучающихся; - побуждать обучающихся соблюдать на уроке общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими (учителями) и сверстниками (обучающимися);	https://m.edsoo.ru/TBYPVV96N
14	Функция плотности вероятности показательного распределения	1		https://m.edsoo.ru/0TSV4N5GH
15	Функция плотности вероятности нормального распределения	1		https://m.edsoo.ru/3BEDF3PKL
16	Последовательность одиночных независимых событий. Пример задачи, приводящей к распределению Пуассона	1	-привлекать внимание учащихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности, -инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации,	https://m.edsoo.ru/D45HUB3GM
17	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1		https://m.edsoo.ru/6XKX4ZT1F
18	Ковариация двух случайных величин. Коэффициент корреляции	1		https://m.edsoo.ru/CLXUTC A37
19	Совместные наблюдения двух величин	1		https://m.edsoo.ru/HR0COP OZ9
20	Выборочный коэффициент корреляции	1	-реализовывать воспитательные возможности в различных видах деятельности обучающихся на основе восприятия элементов действительности: наблюдение за демонстрациями учителя, просмотр учебных фильмов, - организовывать для обучающихся ситуаций самооценки (как учебных достижений отметками, так и моральных,	https://m.edsoo.ru/SL2HPV EAB
21	Различие между линейной связью и причинно-следственной связью	1		https://m.edsoo.ru/DQ77BB BIP
22	Линейная регрессия	1		https://m.edsoo.ru/F2NT3RII G
23	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1		https://m.edsoo.ru/I9LGE6B 45
24	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм, описательная статистика	1		https://m.edsoo.ru/JHOWU M6V3
25	Опыты с равновероятными элементарными событиями	1	- устанавливать доверительные отношения между учителем и обучающимися, -способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя;	https://m.edsoo.ru/XLU9T8 DVR
26	Вычисление вероятностей событий с применением формул	1		https://m.edsoo.ru/661M9IP XR

27	Вычисление вероятностей событий с применением графических методов: координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера	1		https://m.edsoo.ru/2WSLLMRF6
28	Случайные величины и распределения	1	-способствующих позитивному восприятию учащимися требований и просьб учителя; - привлекать внимание обучающихся к обсуждаемой на уроке информации, активизации познавательной деятельности обучающихся;	https://m.edsoo.ru/CVIY1CQSA
29	Математическое ожидание случайной величины	1		https://m.edsoo.ru/FQJOJ9KXY
30	Математическое ожидание случайной величины	1		https://m.edsoo.ru/2YXDFL4PS
31	Контрольная работа: "Вероятность и статистика"	1		https://m.edsoo.ru/WS1ILA3U8
32	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1	-инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего мнения, - выработке своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации -инициировать обучающихся к обсуждению, высказыванию своего мнения, выработке своего отношения по поводу получаемой на уроке социально значимой информации	https://m.edsoo.ru/MFOY8KQZ7
33	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1		https://m.edsoo.ru/YI8RD8A5M
34	Случайные величины и распределения. Математическое ожидание случайной величины	1		https://m.edsoo.ru/8NAA4YLRLK
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34		

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

10 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Числа и вычисления
1.1	Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты
1.2	Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами
1.3	Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений
1.4	Оперировать понятиями: степень с целым показателем, стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных
1.5	Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции
2	Уравнения и неравенства
2.1	Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство, тригонометрическое уравнение
2.2	Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения
2.3	Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств
2.4	Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
2.5	Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры
3	Функции и графики
3.1	Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции
3.2	Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства
3.3	Использовать графики функций для решения уравнений
3.4	Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем
3.5	Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами
4	Начала математического анализа
4.1	Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии
4.2	Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии
4.3	Задавать последовательности различными способами
4.4	Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера
5	Множества и логика
5.1	Оперировать понятиями: множество, операции над множествами

5.2	Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов
5.3	Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Числа и вычисления
1.1	Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач
1.2	Оперировать понятием: степень с рациональным показателем
1.3	Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы
2	Уравнения и неравенства
2.1	Применять свойства степени для преобразования выражений, оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств
2.2	Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств
2.3	Находить решения простейших тригонометрических неравенств
2.4	Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач
2.5	Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств
2.6	Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры
3	Функции и графики
3.1	Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком
3.2	Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств
3.3	Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений
3.4	Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин
4	Начала математического анализа
4.1	Оперировать понятиями: непрерывная функция, производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач
4.2	Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций
4.3	Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков
4.4	Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах
4.5	Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла
4.6	Находить первообразные элементарных функций, вычислять интеграл по формуле Ньютона – Лейбница

4.7	Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа
-----	--

ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел
1.2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби
1.3	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени
1.4	Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента
1.6	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
1.7	Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.8	Преобразование выражений
1.9	Комплексные числа
2	Уравнения и неравенства
2.1	Целые и дробно-рациональные уравнения
2.2	Иррациональные уравнения
2.3	Тригонометрические уравнения
2.4	Показательные и логарифмические уравнения
2.5	Целые и дробно-рациональные неравенства
2.6	Иррациональные неравенства
2.7	Показательные и логарифмические неравенства
2.8	Тригонометрические неравенства
2.9	Системы и совокупности уравнений и неравенств
2.10	Уравнения, неравенства и системы с параметрами
2.11	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы
3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции. Чётные и нечётные функции. Периодические функции
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени
3.4	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.5	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.6	Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке
3.7	Последовательности, способы задания последовательностей
3.8	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов
4	Начала математического анализа
4.1	Производная функции. Производные элементарных функций
4.2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке
4.3	Первообразная. Интеграл
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна
5.2	Логика

6	Вероятность и статистика
6.1	Описательная статистика
6.2	Вероятность
6.3	Комбинаторика
7	Геометрия
7.1	Фигуры на плоскости
7.2	Прямые и плоскости в пространстве
7.3	Многогранники
7.4	Тела и поверхности вращения
7.5	Координаты и векторы

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

10 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
7	Геометрия
7.1	Оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость
7.2	Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач
7.3	Оперировать понятиями: параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей
7.4	Классифицировать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве
7.5	Оперировать понятиями: двугранный угол, грани двугранного угла, ребро двугранного угла, линейный угол двугранного угла, градусная мера двугранного угла
7.6	Оперировать понятиями: многогранник, выпуклый и невыпуклый многогранник, элементы многогранника, правильный многогранник
7.7	Распознавать основные виды многогранников (пирамида, призма, прямоугольный параллелепипед, куб)
7.8	Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации (выпуклые и невыпуклые многогранники, правильные многогранники, прямые и наклонные призмы, параллелепипеды)
7.9	Оперировать понятиями: секущая плоскость, сечение многогранников
7.10	Объяснять принципы построения сечений многогранников, используя метод следов
7.11	Строить сечения многогранников методом следов, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу
7.12	Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление расстояний между двумя точками, от точки до прямой, от точки до плоскости, между скрещивающимися прямыми
7.13	Решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные аналитические методы при решении стандартных математических задач на вычисление углов между скрещивающимися прямыми, между прямой и плоскостью, между плоскостями, двугранных углов
7.14	Вычислять объёмы и площади поверхностей многогранников (призма, пирамида) с применением формул, вычислять соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных многогранников
7.15	Оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии,

	центр, ось и плоскость симметрии фигуры
7.16	Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках
7.17	Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме
7.18	Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач
7.19	Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве
7.20	Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
6	Геометрия
6.1	Оперировать понятиями: цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, цилиндр, коническая поверхность, образующие конической поверхности, конус, сферическая поверхность
6.2	Распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар)
6.3	Объяснять способы получения тел вращения
6.4	Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости
6.5	Оперировать понятиями: шаровой сегмент, основание сегмента, высота сегмента, шаровой слой, основание шарового слоя, высота шарового слоя, шаровой сектор
6.6	Вычислять объёмы и площади поверхностей тел вращения, геометрических тел с применением формул
6.7	Оперировать понятиями: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения
6.8	Вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел
6.9	Изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертёжных инструментов
6.10	Выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; строить сечения тел вращения
6.11	Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках
6.12	Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной форме
6.13	Оперировать понятием: вектор в пространстве
6.14	Выполнять действия сложения векторов, вычитания векторов и умножения вектора на число, объяснять, какими свойствами они обладают
6.15	Применять правило параллелепипеда при сложении векторов
6.16	Оперировать понятиями: декартовы координаты в пространстве, вектор, модуль вектора, равенство векторов, координаты вектора, угол между векторами, скалярное произведение векторов, коллинеарные и компланарные векторы
6.17	Находить сумму векторов и произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение, раскладывать вектор по двум неколлинеарным векторам

6.18	Задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат
6.19	Решать простейшие геометрические задачи на применение векторно-координатного метода
6.20	Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, применяя известные методы при решении стандартных математических задач
6.21	Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач
6.22	Приводить примеры математических закономерностей в природе и жизни, распознавать проявление законов геометрии в искусстве
6.23	Применять полученные знания на практике: анализировать реальные ситуации и применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ

10 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
7	Геометрия
7.1	Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них
7.2	Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Углы сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, куб, параллелепипед, построение сечений
7.3	Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах
7.4	Понятие многогранника, основные элементы многогранника, выпуклые и невыпуклые многогранники, развёртка многогранника. Призма: n -угольная призма, грани и основания призмы, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Пирамида: n -угольная пирамида, грани и основание пирамиды, боковая и полная поверхность пирамиды, правильная и усечённая пирамида. Элементы призмы и пирамиды. Правильные многогранники: понятие правильного многогранника, правильная призма и правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр. Сечения призмы и пирамиды
7.5	Симметрия в пространстве: симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Элементы симметрии в пирамидах, параллелепипедах, правильных многогранниках
7.6	Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды. Понятие об объёме. Объём пирамиды, призмы
7.7	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел

11 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
6	Геометрия
6.1	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности, ось цилиндрической поверхности. Цилиндр: основания и боковая поверхность, образующая и ось, площадь боковой и полной поверхности
6.2	Коническая поверхность, образующие конической поверхности, ось и вершина конической поверхности. Конус: основание и вершина, образующая и ось, площадь боковой и полной поверхности. Усечённый конус: образующие и высота, основания и боковая поверхность
6.3	Сфера и шар: центр, радиус, диаметр, площадь поверхности сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере, площадь сферы
6.4	Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса
6.5	Комбинации тел вращения и многогранников. Многогранник, описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник, или тело вращения
6.6	Понятие об объёме. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного

	параллелепипеда и следствия из неё. Объём цилиндра, конуса. Объём шара и площадь сферы
6.7	Подобные тела в пространстве. Соотношения между площадями поверхностей, объёмами подобных тел
6.8	Сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара
6.9	Вектор на плоскости и в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по трём некомпланарным векторам. Правило параллелепипеда. Решение задач, связанных с применением правил действий с векторами
6.10	Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Простейшие задачи в координатах. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Вычисление углов между прямыми и плоскостями. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач

ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел
1.2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби
1.3	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени
1.4	Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента
1.6	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
1.7	Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.8	Преобразование выражений
1.9	Комплексные числа
2	Уравнения и неравенства
2.1	Целые и дробно-рациональные уравнения
2.2	Иррациональные уравнения
2.3	Тригонометрические уравнения
2.4	Показательные и логарифмические уравнения
2.5	Целые и дробно-рациональные неравенства
2.6	Иррациональные неравенства
2.7	Показательные и логарифмические неравенства
2.8	Тригонометрические неравенства
2.9	Системы и совокупности уравнений и неравенств
2.10	Уравнения, неравенства и системы с параметрами
2.11	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы
3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции. Чётные и нечётные функции. Периодические функции
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени
3.4	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.5	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.6	Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке
3.7	Последовательности, способы задания последовательностей
3.8	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов
4	Начала математического анализа
4.1	Производная функции. Производные элементарных функций
4.2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке
4.3	Первообразная. Интеграл
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна
5.2	Логика

6	Вероятность и статистика
6.1	Описательная статистика
6.2	Вероятность
6.3	Комбинаторика
7	Геометрия
7.1	Фигуры на плоскости
7.2	Прямые и плоскости в пространстве
7.3	Многогранники
7.4	Тела и поверхности вращения
7.5	Координаты и векторы

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

10 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
6	Теория вероятностей и статистика
6.1	Читать и строить таблицы и диаграммы
6.2	Оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных
6.3	Оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности в опытах с равновероятными случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах
6.4	Находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, противоположное данному событию; пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач
6.5	Оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события; находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта
6.6	Применять комбинаторное правило умножения при решении задач
6.7	Оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача; находить вероятности событий в серии независимых испытаний до первого успеха, находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли
6.8	Оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
5	Теория вероятностей и статистика
5.1	Сравнивать вероятности значений случайной величины по распределению или с помощью диаграмм
5.2	Оперировать понятием математического ожидания, приводить примеры того, как применяется математическое ожидание случайной величины, находить математическое ожидание по данному распределению
5.3	Иметь представление о законе больших чисел
5.4	Иметь представление о нормальном распределении

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ

10 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
6	Теория вероятностей и статистика
6.1	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов
6.2	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты вероятности событий. Случайные опыты с равновероятными элементарными событиями. Вероятности событий в опытах равновероятными элементарными событиями
6.3	Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей
6.4	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Независимые события
6.5	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона
6.6	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли
6.7	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное

11 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
5	Теория вероятностей и статистика
5.1	Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение. Примеры применения математического ожидания, в том числе в задачах из повседневной жизни. Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия геометрического и биномиального распределений
5.2	Закон больших чисел и его роль в науке, природе и обществе. Выборочный метод исследований
5.3	Примеры непрерывных случайных величин. Понятие о плотности распределения. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Понятие о нормальном распределении

**ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ
ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать и оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; применять их; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений; умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов; умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач
2	Умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений; умение оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул; умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряжённые комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3 , определитель матрицы, геометрический смысл определителя
3	Умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приёмов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
4	Умение оперировать понятиями: функция, чётность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке, непрерывная функция, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определённый интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение находить производные элементарных функций; умение использовать производную для исследования функций, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах; находить площади и объёмы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений
5	Умение оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция

	функций, линейная функция, квадратичная функция, рациональная функция, степенная функция, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики изученных функций, выполнять преобразования графиков функций, использовать графики для изучения процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем
6	Умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов; умение моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат
7	Умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии
8	Умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях; умение оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач; оценивать вероятности реальных событий; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат
9	Умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, величина угла, плоский угол, двугранный угол, трёхгранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи
10	Умение оперировать понятиями: площадь фигуры, объём фигуры, многогранник, правильный многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара, развёртка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или

	опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения
11	Умение оперировать понятиями: движение в пространстве, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; использовать геометрические отношения при решении задач; находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объём) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объём, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы, в том числе: площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы; объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объёмов подобных фигур
12	Умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов
13	Умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки